

1	2	3	4	5	6	Σ
3	3	3	3	4	4	20

Фамилия

Группа

Сибирский федеральный университет

Институт математики и фундаментальной информатики

Экзаменационная работа по уравнениям математической физики

2017-2018 уч. год, 2 минисессия

ВАРИАНТ 0

1. Поставить

- а) вторую краевую задачу для уравнения Лапласа;
 б) третью краевую задачу для однородного уравнения колебания струны;
 в) задачу Коши для двумерного уравнения теплопроводности. (3 балла)

2. Найти решение задачи

$$u_{tt}(t, x) = 9u_{xx}(t, x), \quad u(0, x) = x + 2, \quad u_t(0, x) = x^2 - 1, \quad t \geq 0, \quad x \in \mathbb{R}. \quad (3 \text{ балла})$$

3. Найти решение задачи

$$u_t(t, x) = 4u_{xx}(t, x) + t^2 + e^x, \quad u(0, x) = 7e^x, \quad t \geq 0, \quad x \in \mathbb{R}. \quad (3 \text{ балла})$$

4. Используя формулу Пуассона, доказать, что если $|\varphi(x)| \leq M, x \in \mathbb{R}$, то $|u(t, x)| \leq M, x \in \mathbb{R}, t \in [0, T], M - \text{const} > 0$.

Здесь $u(t, x)$ — решение задачи $u_t(t, x) = u_{xx}(t, x), \quad u(0, x) = \varphi(x)$. (3 балла)

5. Доказать, что классическое решение задачи

$$u_t = 2u_{xx} + \sin u, \quad u(0, x) = x, \quad u_x(t, 0) = 0, \quad u(t, 2) = 2 + t,$$

в области $Q = \{(t, x) | t \in (0, 5), x \in (0, 2)\}$ удовлетворяет неравенству

$$|u(t, x)| < 15. \quad (4 \text{ балла})$$

6. Доказать непрерывную зависимость классического решения первой краевой задачи для параболического уравнения $u_t(t, x) = a^2 u_{xx}(t, x) + f(t, x)$ от функции $f(t, x)$. (4 балла)